

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2020  
 කல்බුරි පොතුවිලි තරාතරා පත්තිරි (උසස් තරා) පරීட்சණ, 2020  
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020

10 T I

\* ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

- Rtn.A.Harishan sir  
youtube Channel  
whatsapp 0773690611

13.(a)  $A = \begin{pmatrix} a+1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$ ,  $C = \begin{pmatrix} a & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$  எனக் கொள்வோம்; இங்கு  $a \in \mathbb{R}$ .

$A^T B - I = C$  எனக் காட்டுக; இங்கு  $I$  வரிசை 2 ஐ உடைய சர்வசமன்பாட்டுத் தாயம் ஆகும்.

மேலும்,  $a \neq 0$  ஆக இருந்தால் - இருந்தால் மாத்திரம்  $C^{-1}$  இருக்கும் எனவும் காட்டுக.

இப்போது,  $a = 1$  எனக் கொள்வோம்.  $C^{-1}$  ஐ எழுதுக.

$CPC = 2I + C$  ஆகுமாறு தாயம்  $P$  ஐக் காண்க.

(b)  $z, w \in \mathbb{C}$  எனக் கொள்வோம்.  $|z|^2 = z\bar{z}$  எனக் காட்டி, அதனை  $z - w$  இற்குப் பிரயோகித்து,

$$|z - w|^2 = |z|^2 - 2\operatorname{Re} z\bar{w} + |w|^2 \text{ எனக் காட்டுக.}$$

$$|1 - z\bar{w}|^2 \text{ இற்கும் ஓர் ஒத்த கோவையை எழுதி, } |z - w|^2 - |1 - z\bar{w}|^2 = -(1 - |z|^2)(1 - |w|^2) \text{ எனக் காட்டுக.}$$

$$|w| = 1, z \neq w \text{ எனின், } \left| \frac{z - w}{1 - z\bar{w}} \right| = 1 \text{ என உயத்தறிக.}$$

(c)  $1 + \sqrt{3}i$  ஐ வடிவம்  $r(\cos \theta + i \sin \theta)$  இல் எடுத்துரைக்க; இங்கு  $r > 0$  உம்  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  உம் ஆகும்.

$(1 + \sqrt{3}i)^m (1 - \sqrt{3}i)^n = 2^8$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு  $m, n$  ஆகியன நேர் நிறையெண்கள். தமோய்வின் தேற்றத்தைப் பயன்படுத்தி,  $m, n$  ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைத் துணிவதற்குப் போதுமான சமன்பாடுகளைப் பெறுக.

14.(a)  $x \neq 3$  இற்கு  $f(x) = \frac{x(2x-3)}{(x-3)^2}$  எனக் கொள்வோம்.

$$x \neq 3 \text{ இற்கு } f(x) \text{ இன் பெறுதி } f'(x) \text{ ஆனது } f'(x) = \frac{9(1-x)}{(x-3)^3} \text{ இனால் தரப்படுகின்றது எனக் காட்டுக.}$$

இதிலிருந்து,  $f(x)$  அதிகரிக்கின்ற ஆயிதையையும்  $f(x)$  குறைகின்ற ஆயிதையையும் காண்க.

மேலும்  $f(x)$  இன் திரும்பற் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளையும் காண்க.

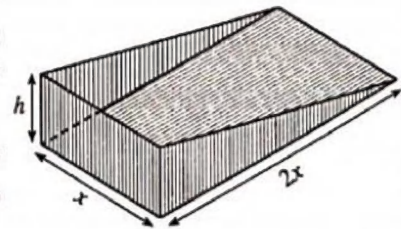
$$x \neq 3 \text{ இற்கு } f''(x) = \frac{18x}{(x-3)^4} \text{ எனத் தரப்பட்டுள்ளது.}$$

$y = f(x)$  இன் வரைபின் விபத்திப் புள்ளியின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

$y = f(x)$  இன் வரையை அணுகுகோடுகள், திரும்பற் புள்ளி, விபத்திப் புள்ளி ஆகியவற்றைக் காட்டிப் பரும்படியாக வரைக.

(b) ஒரு தாசித் தட்டின் கைப்பிடி இல்லாத பகுதியை அருகே உள்ள உரு காட்டுகின்றது. சென்ரிமீற்றரில் அதன் பரிமாணங்கள் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளன. அதன் கனவளவு  $x^2 h \text{ cm}^3$  ஆனது  $4500 \text{ cm}^3$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது.

அதன் மேற்பரப்பின் பரப்பளவு  $S \text{ cm}^2$  ஆனது  $S = 2x^2 + 3xh$  இனால் தரப்பட்டுள்ளது.  $x = 15$  ஆக இருக்கும்போது  $S$  குறைந்தபட்சமாகும் எனக் காட்டுக.





15.(a) எல்லா  $x \in \mathbb{R}$  இற்கும்  $x^3 + 13x - 16 = A(x^2 + 9)(x + 1) + B(x^2 + 9) + 2(x + 1)^2$  ஆகுமாறு  $A, B$  ஆகிய மாறிலிகள் உள்ளனவெனத் தரப்பட்டுள்ளது.

$A, B$  ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

இதிலிருந்து,  $\frac{x^3 + 13x - 16}{(x + 1)^2 (x^2 + 9)}$  ஐப் பகுதிப் பின்னங்களில் எழுதி,

$$\int \frac{x^3 + 13x - 16}{(x + 1)^2 (x^2 + 9)} dx \text{ ஐக் காண்க.}$$

(b) பகுதிகளாகத் தொகையிடலைப் பயன்படுத்தி,  $\int_0^1 e^x \sin^2 \pi x dx$  ஐப் பெறுமானங் கணிக்க.

(c)  $a$  ஒரு மாறிலியாக இருக்கும் சூத்திரம்  $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a - x) dx$  ஐப் பயன்படுத்தி,

$$\int_0^\pi x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{\pi}{2} \int_0^\pi \cos^6 x \sin^3 x dx \text{ எனக் காட்டுக.}$$

$$\text{இதிலிருந்து, } \int_0^\pi x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{2\pi}{63} \text{ எனக் காட்டுக.}$$

16.  $A \equiv (1, 2)$  எனவும்  $B \equiv (3, 3)$  எனவும் கொள்வோம்.

$A, B$  ஆகிய புள்ளிகளினூடாகச் செல்லும் நேர்கோடு  $l$  இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

ஒவ்வொன்றும்  $l$  உடன் கூர்ங்கோணம்  $\frac{\pi}{4}$  ஐ ஆக்கிக்கொண்டு  $A$  இனூடாகச் செல்லும்  $l_1, l_2$  என்னும் நேர்கோடுகளின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

$l$  மீது உள்ள யாதாயினும் ஒரு புள்ளியின் ஆள்கூறுகள் வடிவம்  $(1 + 2t, 2 + t)$  இல் எழுதப்படலாம் எனக் காட்டுக; இங்கு  $t \in \mathbb{R}$ .

$l_1, l_2$  ஆகிய இரண்டையும் தொடுவதும் மையம்  $l$  மீது உள்ளதும் ஆரை  $\frac{\sqrt{10}}{2}$  ஐ உடையதும் முழுவதும் முதலாம் கால்வட்டத்தில் அமைகின்றதுமான வட்டம்  $C_1$  இன் சமன்பாடு  $x^2 + y^2 - 6x - 6y + \frac{31}{2} = 0$  எனவும் காட்டுக.

விட்டம் ஒன்றின் முனைகள்  $A$  ஆகவும்  $B$  ஆகவும் உள்ள வட்டம்  $C_2$  இன் சமன்பாட்டை எழுதுக.

$C_1, C_2$  ஆகிய வட்டங்கள் நிமிர்கோணமாக இடைவெட்டுகின்றனவா எனத் துணிக.

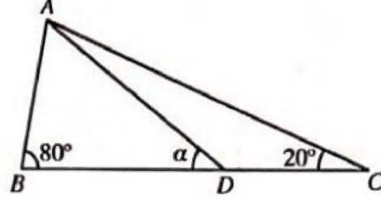
17.(a)  $\sin(A-B)$  ஐ  $\sin A$ ,  $\cos A$ ,  $\sin B$ ,  $\cos B$  ஆகியவற்றில் எழுதுக.

(i)  $\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$ ,

(ii)  $2 \sin 10^\circ = \cos 20^\circ - \sqrt{3} \sin 20^\circ$

என உய்த்தறிக.

(b) வழக்கமான குறிப்பீட்டில் ஒரு முக்கோணி  $ABC$  இற்குச் சைன் நெறியைக் கூறுக.



Rtn.A.Harishan sir  
Youtube Channel  
Whatsapp 0773690611

உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள முக்கோணி  $ABC$  இல்  $\hat{ABC} = 80^\circ$  உம்  $\hat{ACB} = 20^\circ$  உம் ஆகும்.  $BC$  மீது புள்ளி  $D$  ஆனது  $AB = DC$  ஆகுமாறு உள்ளது.  $\hat{ADB} = \alpha$  எனக் கொள்வோம்.

பொருத்தமான முக்கோணிகளுக்குச் சைன் நெறியைப் பயன்படுத்தி,  $\sin 80^\circ \sin(\alpha - 20^\circ) = \sin 20^\circ \sin \alpha$  எனக் காட்டுக.

ஏன்  $\sin 80^\circ = \cos 10^\circ$  என விளக்கி, இதிலிருந்து,  $\tan \alpha = \frac{\sin 20^\circ}{\cos 20^\circ - 2 \sin 10^\circ}$  எனக் காட்டுக.

மேலே (a)(ii) இல் உள்ள முடிவைப் பயன்படுத்தி  $\alpha = 30^\circ$  என உய்த்தறிக.

(c) சமன்பாடு  $\tan^{-1}(\cos^2 x) + \tan^{-1}(\sin x) = \frac{\pi}{4}$  ஐத் தீர்க்க.

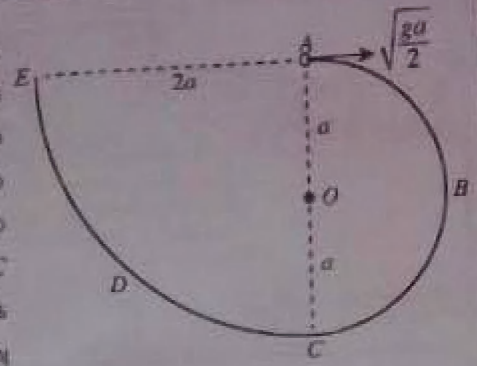
\*\*\*







(b) உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு ஓர் ஒப்பமான மெல்லிய கம்பி ABCDE ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்தில் நிலைப்படுத்தப்பட்டுள்ளது. பகுதி ABC ஆனது மையம் O ஐயும் ஆரை  $a$  ஐயும் கொண்ட ஓர் அரைவட்டமும் பகுதி CDE ஆனது மையம் A ஐயும் ஆரை  $2a$  ஐயும் கொண்ட ஒரு வட்டத்தின் காற் பகுதியும் ஆகும். A, C ஆகிய புள்ளிகள் O இலுடாகச் செல்லும் நிலைக்குத்துக் கோட்டிலும் கோடு AE கிடையாகவும் உள்ளன. திணிவு  $m$  ஐ உடைய ஒரு சிறிய ஒப்பமான மணி P ஆனது A



இல் வைக்கப்பட்டு, அந்நேரக் கிடையாக ஒரு வேகம்  $\sqrt{\frac{ga}{2}}$  தரப்படும் அதே வேளை அது கம்பி வழியே இயங்கத் தொடங்குகின்றது.

$\overrightarrow{OP}$  ஆனது  $\overrightarrow{OA}$  உடன் ஒரு கோணம்  $\theta$  ( $0 \leq \theta \leq \pi$ ) ஐ ஆக்கும்போது மணி P இன் கதி  $v$  ஆனது  $v^2 = \frac{5a}{2}(5 - 4\cos\theta)$  இனால் தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக.

மேற்கூறிய தளத்தில் கம்பியிலிருந்து மணி P மீதுள்ள மறுதாக்கத்தைக் கண்டு,  $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{5}{6}\right)$  ஆகவுள்ள புள்ளியை மணி P கடக்கும்போது அது அதன் திசையை மாற்றாமெனக் காட்டுக.

E இல் மணி P கம்பியிலிருந்து வெளியேறுவதற்குச் சற்று முன்னர் அதன் வேகத்தை எழுதி, அக்கணத்தில் கம்பியின் மூலம் மணி P மீது உள்ள மறுதாக்கத்தைக் காண்க.

13. உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு ஓர் ஒப்பமான கிடை மேசை மீது A, B, C, D, E என்னும் புள்ளிகள் அதே வரிசையில்



ஒரு நேர்கோட்டில்  $AB = 2a, BC = a, CD = 2a, DE = a$  ஆக இருக்குமாறு உள்ளன. இயற்கை நீளம்  $2a$  ஐயும் மீள்தன்மை மட்டு  $kmg$  ஐயும் உடைய ஓர் இலேசான மீள்தன்மை இழையின் ஒரு நுனி புள்ளி A உடனும் மற்றைய நுனி திணிவு  $m$  ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை P உடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. இயற்கை நீளம்  $a$  ஐயும் மீள்தன்மை மட்டு  $mg$  ஐயும் உடைய வேறோர் இலேசான மீள்தன்மை இழையின் ஒரு நுனி புள்ளி E உடனும் மற்றைய நுனி துணிக்கை P உடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. துணிக்கை P ஆனது C இல் பிடித்து வைக்கப்பட்டு விடுவிக்கப்படும்போது அது நாப்பத்தில் இருக்கின்றது.  $k$  இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

இப்போது துணிக்கை P ஆனது புள்ளி D ஐ அடையும் வரைக்கும் இழை AP இருக்கப்பட்டு ஓய்விலிருந்து விடுவிக்கப்படுகின்றது. D தொடக்கம் B வரைக்கும் P இன் இயக்கத்திற்கான சமன்பாடு  $\ddot{x} + \frac{3g}{a}x = 0$  இனால் தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக; இங்கு  $CP = x$  ஆகும். குத்திரம்  $\dot{x}^2 = \frac{3g}{a}(c^2 - x^2)$  ஐப் பயன்படுத்தித் துணிக்கை P ஆனது B ஐ அடையும்போது அதன் வேகம்  $3\sqrt{ga}$  எனக் காட்டுக; இங்கு  $c$  ஆனது வீச்சுமாகும். B ஐ அடையும்போது துணிக்கை P இற்கு ஒரு கணத்தாக்கு, அக்கணத்தாக்கிற்குச் சற்றுப் பின்னர் P இன் வேகம்  $\overrightarrow{BA}$  இன் திசையில்  $\sqrt{ag}$  ஆக இருக்குமாறு, தரப்படுகின்றது.

B ஐக் கடந்த பின்னர் கணநிலை ஓய்வுக்கு வரும் வரைக்கும் P இன் இயக்கத்தின் சமன்பாடு  $\ddot{y} + \frac{k}{a}y = 0$  இனால் தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக; இங்கு  $DP = y$ .

D இல் தொடங்கித் துணிக்கை P இரண்டாம் தடவை B ஐ அடைவதற்கு எடுக்கும் மொத்த நேரம்  $2\sqrt{\frac{a}{g}}\left(\frac{\pi}{3\sqrt{3}} + \cos^{-1}\left(\frac{3}{\sqrt{10}}\right)\right)$  எனக் காட்டுக.

14. (a)  $a, b$  ஆகியன இரு அலகுகள் காவிகள் எனக் கொள்வோம்.

ஒரு உறுப்பை  $O$  ஐக் குறித்து  $A, B, C$  ஆகிய மூன்று புள்ளிகளின் தானக் காவிகள் முறையே  $12a, 18b, 10a + 3b$  ஆகும்.

$\vec{AC}, \vec{CB}$  ஆகியவற்றை  $a, b$  ஆகியவற்றில் எடுத்துரைக்க.

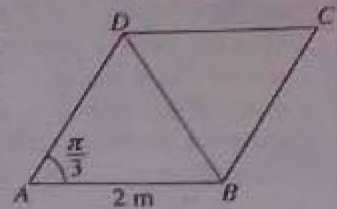
$A, B, C$  ஆகியன ஒரே கோட்டிலுள்ளனவென உய்த்தறிந்து,  $AC : CB$  ஐக் காண்க.

$OC = \sqrt{139}$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது.  $\angle AOB = \frac{\pi}{3}$  எனக் காட்டுக.

(b)  $ABCD$  ஆனது  $AB = 2$  m ஆகவும்  $\angle BAD = \frac{\pi}{3}$  ஆகவும் உள்ள ஒரு சாய்சதுரமாகும்.

$AD, BA, BD, DC, CB$  ஆகியவற்றின் வழியே எழுத்துகளின் ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் திசைகளில் முறையே  $10$  N,  $2$  N,  $6$  N,  $P$  N,  $Q$  N பருமனுள்ள விசைகள் தாக்குகின்றன. விளையுள் விசையின் பருமன்  $10$  N எனவும் அதன் திசை  $BC$  இற்குச் சமாதானமாக  $B$  இலிருந்து  $C$  இற்கான திசை எனவும் தரப்பட்டுள்ளது.  $P, Q$  ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

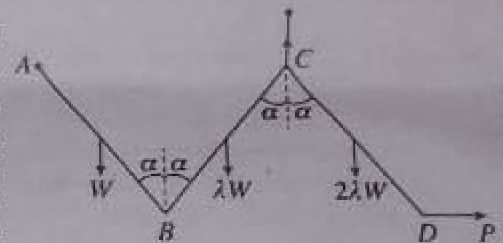
மேலும், விளையுள் விசையின் தாக்கக் கோடானது நீட்டப்பட்ட  $BA$  ஐச் சந்திக்கும் புள்ளியிலிருந்து  $A$  இற்குள்ள தூரத்தையும் காண்க.



இப்போது விளையுள் விசை  $A, C$  ஆகிய புள்ளிகளினூடாகச் செல்லுமாறு இடதுகழிப் போக்கில் தாக்கும் திருப்பம்  $MNm$  ஐக் கொண்ட ஓர் இணையும் ஒவ்வொன்றும் பருமன்  $FN$  ஐ உடையனவும்  $CB, DC$  ஆகியவற்றின் வழியே எழுத்து ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் திசைகளில் தாக்குவனவுமான இரு விசைகளும் தொகுதியுடன் சேர்க்கப்படுகின்றன.  $F, M$  ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

15. (a) ஒவ்வொன்றினதும் நீளம்  $2a$  ஆகவுள்ள  $AB, BC, CD$

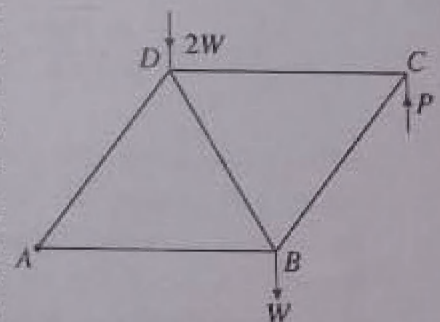
என்றும் மூன்று சீரான கோல்கள்  $B, C$  ஆகிய முனைகளில் ஒப்பமாக மூட்டப்பட்டுள்ளன.  $AB, BC, CD$  ஆகிய கோல்களின் நிறைகள் முறையே  $W, \lambda W, 2\lambda W$  ஆகும். முனை  $A$  ஒரு நிலைத்த புள்ளியில் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டுள்ளது. உருவீர் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு கோல்கள், மூட்டு  $C$  இலும்  $C$  இற்கு நிலைக்குத்தாக மேலே உள்ள ஒரு நிலைத்த புள்ளியிலும் இணைக்கப்பட்டுள்ள



ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழையினாலும் முனை  $D$  இற்குப் பீரயோகிக்கப்படும் ஒரு கிடை விசை  $P$  இனாலும்,  $A, C$  ஆகியன ஒரே கிடை மட்டத்திலும் கோல்கள் ஒவ்வொன்றும் நிலைக்குத்துடன் ஒரு கோணம்  $\alpha$  ஐ ஆக்குவனவாகவும் இருக்குமாறு, ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்திலே நாப்பத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளன.  $\lambda = \frac{1}{3}$  எனக் காட்டுக.

மேலும்,  $B$  இல்  $CB$  இனால்  $AB$  மீது உருற்றப்படும் விசையின் கிடைக் கூறும் நிலைக்குத்துக் கூறும் முறையே  $\frac{W}{3} \tan \alpha, \frac{W}{6}$  எனவும் காட்டுக.

(b) அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள சட்டப்படல் ஒவ்வொன்றும்  $2a$  நீளமுள்ளனவும்  $A, B, C, D$  ஆகியவற்றில் சுயாதீனமாக மூட்டப்பட்டனவுமான  $AB, BC, CD, DA, BD$  ஆகிய இலேசான கோல்களினால் ஆக்கப்பட்டுள்ளது.  $B, D$  ஆகியவற்றில் முறையே  $W, 2W$  என்னும் சுமைகள் உள்ளன. சட்டப்படல்  $A$  இல் ஒரு நிலைத்த புள்ளியில் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டு, உருவீர் காட்டியவாறு  $C$  இல் நிலைக்குத்தாக மேல்நோக்கிப் பீரயோகிக்கப்படும் ஒரு விசை  $P$  இனால்  $AB$  கிடையாக இருக்க நாப்பத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளது.  $P$  இன் பெறுமானத்தை  $W$  இற் காண்க.



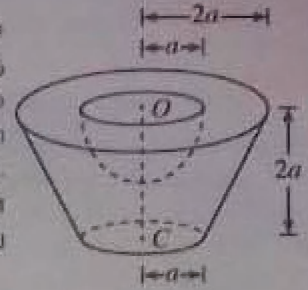
போலின் குறிப்பிட்டப் பயன்படுத்தி ஒரு தகைப்பு வரிப்படத்தை வரைந்து, இதிலிருந்து, கோல்களில் உள்ள தகைப்புகளை அவை இழுவைகளா, உதைப்புகளா எனக் குறிப்பிட்டுக் காண்க.



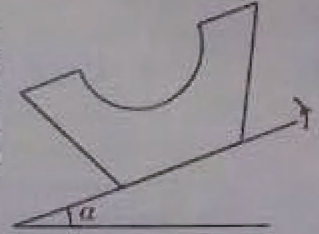
16. (i) அடியின் ஆரை  $r$  ஆகவும் உயரம்  $h$  ஆகவும் உள்ள ஒரு சீரான நிண்மச் செவ்வட்டக் கூம்பின் திணிவு மையம் அடியின் மையத்திலிருந்து தூரம்  $\frac{h}{4}$  இல் உள்ளது எனவும்  
(ii) ஆரை  $r$  ஆகவுள்ள ஒரு சீரான நிண்ம அரைக்கோளத்தின் திணிவு மையம் அதன் மையத்திலிருந்து தூரம்  $\frac{3r}{8}$  இல் உள்ளது எனவும்

காட்டுக.

அடியின் ஆரை  $2a$  ஆகவும் உயரம்  $4a$  ஆகவும் உள்ள ஒரு சீரான நிண்மச் செவ்வட்டக் கூம்பின் அடித்துண்டிலிருந்து ஒரு நிண்ம அரைக்கோளத்தை அகற்றிச் செய்யப்பட்டுள்ள ஓர் உரல்  $S$  அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளது. அடித்துண்டினது மேல் வட்ட முகத்தின் ஆரை  $2a$  உம் மையம்  $O$  உம் கீழ் வட்ட முகத்தின் ஆரை  $a$  உம் மையம்  $C$  உம் ஆகும். அடித்துண்டின் உயரம்  $2a$  ஆகும். அகற்றப்பட்ட நிண்ம அரைக்கோளத்தின் ஆரை  $a$  உம் மையம்  $O$  உம் ஆகும். உரல்  $S$  இன் திணிவு மையமானது  $O$  இலிருந்து தூரம்  $\frac{41}{48}a$  இல் உள்ளதெனக் காட்டுக.



ஒரு கரடான கிடைத் தளத்தின் மீது உரல்  $S$  அதன் கீழ் வட்ட முகம் அத்தளத்தைத் தொடுமாறு வைக்கப்பட்டுள்ளது. இப்போது நளம் மெதுவாக மேல்நோக்கி ஒருசரிக்கப்படுகின்றது. உரலுக்கும் தளத்துக்குமிடையே உள்ள உராய்வுக் குணகம்  $0.9$  ஆகும்.  $a < 10a^2 (0.9)$  எனின், உரல் நாப்பத்தில் இருக்குமெனக் காட்டுக; இங்கு  $a$  ஆனது கிடையுடன் தளத்தின் சாய்வாகும்.



17. (a) ஒரு குறித்த தொழிற்சாலையில் 50% ஆன உருப்படுகளைப் பொறி A உற்பத்தி செய்யும் அதே வேளை எஞ்சிய உருப்படுகள் B, C ஆகிய பொறிகளினால் உற்பத்தி செய்யப்படுகின்றன. A, B, C ஆகிய பொறிகளினால் உற்பத்தி செய்யப்படும் உருப்படுகளில் முறையே 1%, 3%, 2% ஆனவை குறைபாடுள்ளவென அறியப்பட்டுள்ளது. ஓர் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்த உருப்படி குறைபாடுள்ளதாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு  $0.018$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது. B, C ஆகிய பொறிகளினால் உற்பத்தி செய்யப்படும் உருப்படுகளின் சதவீதங்களைக் காண்க.

ஓர் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்த உருப்படி குறைபாடுள்ளதெனத் தரப்படும்போது அது பொறி A இனால் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட உருப்படியாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

- (b) ஒரு குறித்த தொழிற்சாலையின் 100 ஊழியர்கள் தமது வீடுகளிலிருந்து சேவை நிலையத்திற்குச் செல்வதற்கு எடுத்துக் கொள்ளும் நேரங்கள் (நிமிடங்களில்) பின்வரும் அட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ளன:

எடுத்துக்கொள்ளும் நேரம்	ஊழியர்களின் எண்ணிக்கை
0 - 20	10
20 - 40	30
40 - 60	40
60 - 80	10
80 - 100	10

மேலே தரப்பட்டுள்ள பரம்பலின் இடை, நியம விலகல், ஆகாரம் ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.

பின்னர், வகுப்பாயிடை  $80 - 100$  இல் இருந்த எல்லா ஊழியர்களும் தொழிற்சாலைக்கு அண்மையில் வதிவதற்குச் சென்றனர். அதனால் வகுப்பாயிடை  $80 - 100$  இன் மீதான்  $10$  இலிருந்து  $0$  இற்கும் வகுப்பாயிடை  $0 - 20$  இன் மீதான்  $10$  இலிருந்து  $20$  இற்கும் மாறின.

புதிய பரம்பலின் இடை, நியம விலகல், ஆகாரம் ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.